

Compuertas Universales (NAND)

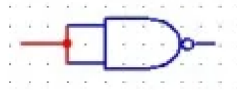
Compuerta NAND = compuerta universal

La compuerta **NAND** puede construir cualquier otra compuerta lógica.

Es suficiente por sí sola para implementar **toda lógica booleana**.

Su función básica es:

$$\text{NAND}(A,B) = \neg(A \cdot B)$$

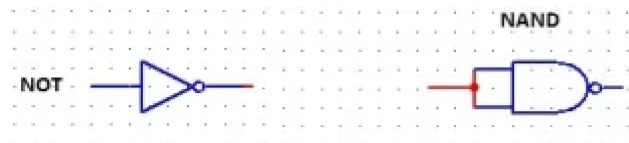


Cómo formar otras compuertas usando solo NAND

NOT con NAND

Usas la misma entrada dos veces.

$$\neg A = \text{NAND}(A, A)$$



AND con NAND

Primero haces NAND, luego lo niegas con un NOT hecho con NAND.

$$A \cdot B = \neg(\text{NAND}(A, B))$$



Implementación:

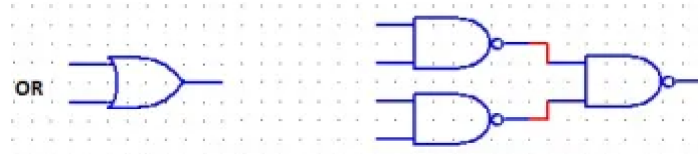
$$X = \text{NAND}(A, B)$$

$$\text{AND} = \text{NAND}(X, X)$$

OR con NAND

Usa las negaciones de A y B, luego aplica NAND.

$$A + B = \text{NAND}(A, B)$$



Implementación NAND-solo:

$$A1 = \text{NAND}(A, A)$$

$$B1 = \text{NAND}(B, B)$$

$$\text{OR} = \text{NAND}(A1, B1)$$

Una sola compuerta puede implementar **todo**:

expresiones booleanas,
simplificaciones,
mapas de Karnaugh,
circuitos digitales completos.

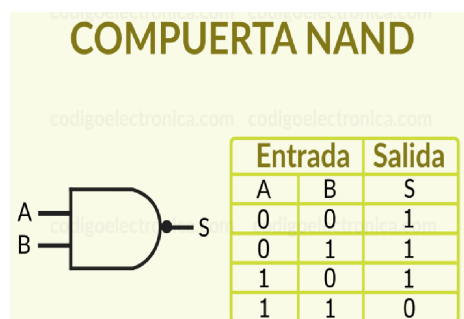
Por eso se llaman **universales**.

Funcionamiento básico de la compuerta NAND

La compuerta NAND entrega:

0 solo cuando **ambas entradas son 1**.

En todos los demás casos, entrega **1**.



¿Por qué la NAND es universal?

Porque cumple dos requisitos fundamentales:

1. Puede generar la negación (NOT).

$$\neg A = \text{NAND}(A, A)$$

2. Puede generar las operaciones básicas AND y OR.

Y, una vez que tienes AND, OR y NOT, cualquier circuito digital puede construirse.

Toda la lógica booleana se basa en combinaciones de esas operaciones.

Ventajas de usar puertas NAND

Simplicidad física: en electrónica real, una sola tecnología repetida reduce costos.

Estandarización: muchas familias lógicas (TTL, CMOS) optimizan la velocidad y consumo usando NAND internas.

Implementación de cualquier función: mapas de Karnaugh, expresiones booleanas, sistemas combinacionales y secuenciales.

En la práctica, gran parte de los circuitos integrados están hechos internamente con matrices de puertas NAND.

Relación con mapas de Karnaugh y simplificación booleana

Aunque los mapas muestran expresiones en términos de AND, OR y NOT, el hardware final casi siempre se implementa en **NAND** porque:

unifica la tecnología,
reduce la cantidad de transistores,
es más rápido,
permite implementar expresiones simplificadas directamente.

Ejemplo:

Si el mapa te da:

$$F = A \cdot B + \neg C$$

Puedes transformarlo a NAND de forma inmediata:

$$\text{NOT } C \rightarrow \text{NAND}(C, C)$$

$$\text{AND } (A, B) \rightarrow \text{NAND}(\text{NAND}(A, B), \text{NAND}(A, B))$$

$$\text{OR} \rightarrow \text{NAND}(\text{NOT}(\text{AND}), \text{NOT}(\text{NOT}(C)))$$

Y obtienes un circuito completamente implementado.